Prüfungsdauer:
150 Minuten

Abschlussprüfung 2020

an den Realschulen in Bayern

Mathematik II

Name: ______________________ Vorname: ______________________

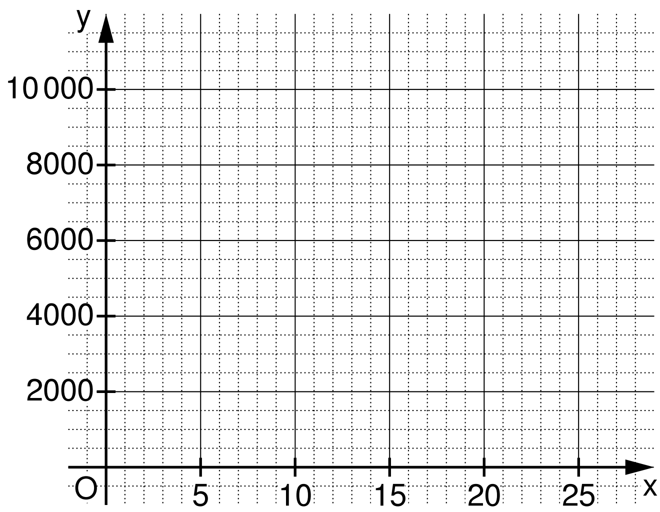
Klasse: __________ Platznummer: __________ Punkte: __________

Aufgabe A 1 — Haupttermin

A 1.0 Am 22.02.2020 kaufte sich Claudia für 2000 € Aktien. Sie geht davon aus, dass der Wert y € ihrer Aktien nach x Jahren durch die Funktion $f\colon y = 2000 \cdot 1{,}07^x$ mit $\mathbb{G} = \mathbb{R}_0^+ \times \mathbb{R}_0^+$ dargestellt werden kann.

A 1.1 Ergänzen Sie die Wertetabelle auf Ganze gerundet.
Zeichnen Sie sodann den Graphen zu f in das Koordinatensystem ein.

x	0	5	10	15	20	25
$2000 \cdot 1{,}07^x$						



2 P

A 1.2 Ergänzen Sie die folgende Aussage.

Claudia nimmt an, dass der Wert ihrer Aktien jährlich um _____ Prozent zunimmt. 1 P

A 1.3 Ermitteln Sie mithilfe des Graphen, nach welcher Zeit sich das Anfangskapital verfünffacht hätte.

1 P

A 1.4 Claudia plant, am 22.02.2065 in den Ruhestand zu gehen.
Bestimmen Sie rechnerisch, wie viel ihre Aktien zu diesem Zeitpunkt nach der oben getroffenen Annahme wert wären. Runden Sie auf ganze Euro.

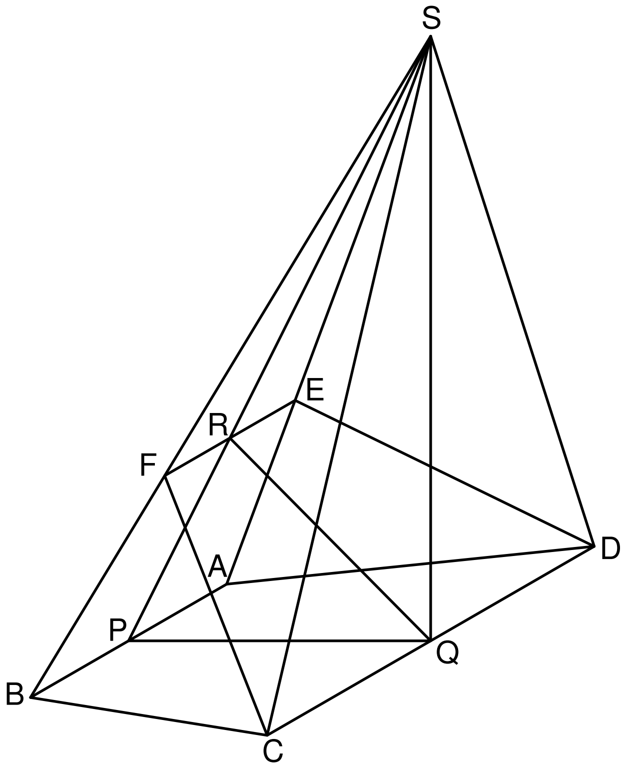
1 P

A 2.0 Das Schrägbild zeigt die Pyramide ABCDS mit dem gleichschenkligen Trapez ABCD als Grundfläche und der Höhe $[QS]$. Der Punkt P ist der Mittelpunkt der Strecke $[AB]$ und der Punkt Q ist der Mittelpunkt der Strecke $[CD]$.

Es gilt: $[AB] \parallel [CD]$; $\overline{AB} = 6$ cm; $\overline{CD} = 10$ cm; $\overline{QS} = 8$ cm; $\overline{PQ} = 4$ cm.

Der Punkt R liegt auf der Strecke $[PS]$ mit $\overline{PR} = 3$ cm. Er ist der Mittelpunkt der Strecke $[EF]$ mit $E \in [AS]$, $F \in [BS]$ und $[EF] \parallel [AB]$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.



A 2.1 Berechnen Sie die Längen der Strecken $[PS]$ und $[EF]$.

[Ergebnis: $\overline{PS} = 8{,}94$ cm; $\overline{EF} = 3{,}99$ cm]

2 P

A 2.2 Berechnen Sie den Flächeninhalt A des Trapezes CDEF.
[Zwischenergebnis: $\sphericalangle QPS = 63{,}43°$]

3 P

A 2.3 Der Punkt T liegt auf der Strecke $[QS]$ mit $[RT] \parallel [PQ]$. Das Dreieck EFT ist die Grundfläche der Pyramide EFTS mit der Spitze S.

Zeichnen Sie die Pyramide EFTS in das Schrägbild zu A 2.0 ein.

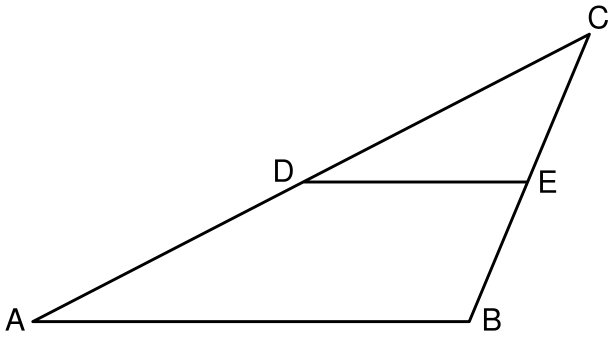
Berechnen Sie sodann das Volumen V der Pyramide EFTS.

4 P

A 3.0 Die nebenstehende Skizze zeigt das Dreieck ABC mit $\overline{AB} = 7\text{ cm}$, $\overline{BC} = 5\text{ cm}$ und $\sphericalangle ACB = 40°$. Die Strecke $[DE]$ wird durch die Punkte $D \in [AC]$ und $E \in [BC]$ festgelegt.

Es gilt: $[AB] \parallel [DE]$; $\overline{DE} = 3{,}6\text{ cm}$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.



A 3.1 Berechnen Sie die Länge der Strecke $[BE]$.

$\left[\text{Ergebnis: } \overline{BE} = 2{,}43\text{ cm}\right]$

2 P

A 3.2 Berechnen Sie den Abstand d der Strecken $[AB]$ und $[DE]$.

3 P

Prüfungsdauer:
150 Minuten

Abschlussprüfung 2020

an den Realschulen in Bayern

Mathematik II

Aufgabe B 1 **Haupttermin**

B 1.0 Die Parabel p mit dem Scheitelpunkt $S(5\,|\,-4{,}5)$ hat eine Gleichung der Form $y = 0{,}1x^2 + bx + c$ $(\mathbb{G} = \mathbb{R}\times\mathbb{R};\, b,c \in \mathbb{R})$.

Die Gerade g hat die Gleichung $y = -0{,}5x + 1$ $(\mathbb{G} = \mathbb{R}\times\mathbb{R})$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 1.1 Zeigen Sie durch Rechnung, dass für die Gleichung der Parabel p gilt: $y = 0{,}1x^2 - x - 2$.

Zeichnen Sie sodann die Parabel p und die Gerade g für $x \in [-4;9]$ in ein Koordinatensystem ein.

Für die Zeichnung: Längeneinheit 1 cm; $-4 \leqq x \leqq 9$; $-6 \leqq y \leqq 4$ 3 P

B 1.2 Punkte $A_n(x\,|\,-0{,}5x+1)$ auf der Geraden g und Punkte $B_n(x\,|\,0{,}1x^2 - x - 2)$ auf der Parabel p haben dieselbe Abszisse x und sind zusammen mit Punkten C_n und D_n Eckpunkte von Trapezen $A_nB_nC_nD_n$.

Es gilt: $[A_nB_n] \parallel [C_nD_n]$; $\overrightarrow{A_nD_n} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$; $\overline{C_nD_n} = 5\,\text{LE}$.

Zeichnen Sie die Trapeze $A_1B_1C_1D_1$ für $x = -1$ und $A_2B_2C_2D_2$ für $x = 4$ in das Koordinatensystem zu B 1.1 ein. 2 P

B 1.3 Ermitteln Sie rechnerisch, für welche Belegungen von x es Trapeze $A_nB_nC_nD_n$ gibt. 3 P

B 1.4 Berechnen Sie den Flächeninhalt A der Trapeze $A_nB_nC_nD_n$ in Abhängigkeit von x.

Bestimmen Sie sodann den maximalen Flächeninhalt A_{max} der Trapeze $A_nB_nC_nD_n$ und geben Sie den zugehörigen Wert für x an.

$\left[\text{Zwischenergebnis: } \overline{A_nB_n}(x) = (-0{,}1x^2 + 0{,}5x + 3)\,\text{LE}\right]$ 4 P

B 1.5 Der Punkt D_3 des Trapezes $A_3B_3C_3D_3$ liegt auf der y-Achse.

Ermitteln Sie durch Rechnung die Koordinaten des Punktes B_3. 2 P

B 1.6 Die kongruenten Trapeze $A_4B_4C_4D_4$ und $A_5B_5C_5D_5$ sind gleichschenklig.

Zeigen Sie, dass die Strecken $[A_4B_4]$ und $[A_5B_5]$ jeweils 3 LE lang sind.

Berechnen Sie sodann das Maß γ der Winkel $D_4C_4B_4$ bzw. $D_5C_5B_5$. 3 P

Bitte wenden!

Prüfungsdauer:
150 Minuten

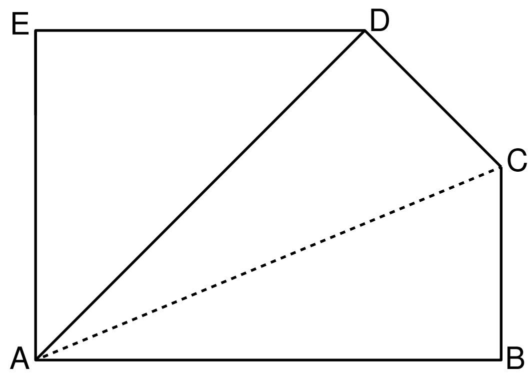
Abschlussprüfung 2020

an den Realschulen in Bayern

Mathematik II

Aufgabe B 2 **Haupttermin**

B 2.0 Nebenstehende Skizze zeigt das Fünfeck ABCDE, das aus dem Drachenviereck ABCD mit der Symmetrieachse AC und dem Dreieck ADE besteht.



Es gilt:

$\overline{AB} = \overline{AD} = 11\,\text{cm}$; $\sphericalangle BAD = 45°$;

$\sphericalangle CBA = \sphericalangle ADC = \sphericalangle BAE = 90°$; $[AB] \parallel [ED]$.

Runden Sie im Folgenden auf zwei Stellen nach dem Komma.

B 2.1 Zeichnen Sie das Fünfeck ABCDE sowie die Strecken $[AD]$ und $[AC]$. 2 P

B 2.2 Begründen Sie, weshalb $\sphericalangle EDC = 135°$ und $\overline{AE} = \overline{ED}$ gilt.

Berechnen Sie sodann die Länge der Strecke $[ED]$.

[Teilergebnis: $\overline{ED} = 7{,}78\,\text{cm}$] 3 P

B 2.3 Berechnen Sie die Länge der Strecke $[BC]$ und den prozentualen Anteil des Flächeninhalts des Drachenvierecks ABCD am Flächeninhalt des Fünfecks ABCDE.

[Teilergebnis: $\overline{BC} = 4{,}56\,\text{cm}$] 4 P

B 2.4 Auf der Strecke $[AE]$ liegen Punkte S_n, für die gilt: $\overline{ES_n}(x) = x\,\text{cm}$ mit $x \in \mathbb{R}$, $x \in \,]0\,;7{,}78[$. Punkte R_n liegen auf dem Kreisbogen $\overset{\frown}{AD}$ mit dem Mittelpunkt E.

Ferner gilt: $[S_nR_n] \parallel [ED]$.

Zeichnen Sie den Kreisbogen $\overset{\frown}{AD}$ und die Strecke $[S_1R_1]$ für $x = 2$ in die Zeichnung zu B 2.1 ein. 2 P

B 2.5 Der Punkt R_2 ist der Schnittpunkt des Kreisbogens $\overset{\frown}{AD}$ mit der Symmetrieachse AC des Drachenvierecks ABCD.

Ergänzen Sie die Zeichnung zu B 2.1 um das Dreieck S_2R_2E und berechnen Sie die Länge der Strecke $[S_2R_2]$.

[Zwischenergebnis: $\sphericalangle R_2AE = \sphericalangle ER_2A = 67{,}5°$] 3 P

B 2.6 Die Bogenlänge b des Kreisbogens $\overset{\frown}{R_3D}$ mit dem Mittelpunkt E beträgt $3\,\text{cm}$.

Berechnen Sie das Maß des Winkels R_3ED und den zugehörigen Wert für x. 3 P

Bitte wenden!