

GRUNDWISSENTEST 2018 IM FACH MATHEMATIK

FÜR DIE JAHRGANGSSTUFE 9 DER REALSCHULE

HINWEISE:

- Beim Kopieren der Aufgabenblätter ist auf die Maßhaltigkeit zu achten, um Verzerrungen zu vermeiden.
- Nicht zugelassen sind Taschenrechner und Formelsammlung.
- Bei formalen Mängeln soll großzügig verfahren werden.
- Es werden nur ganze Punkte vergeben.

BEWERTUNGSMAßSTAB:

Erreichte Punkte	Note
23 – 19	1
18 – 15	2
14 – 11	3
10 – 7	4
6 – 4	5
3 – 0	6

ANMERKUNG:

Im Lösungsmuster ist zu jeder Aufgabe eine Zuordnung zu den allgemeinen mathematischen Kompetenzen und mathematischen Leitideen angegeben.

Aufgeführt sind jeweils die **im Vordergrund** stehenden Kompetenzen und Leitideen, bezogen auf den dargestellten Lösungsvorschlag.

MATHEMATISCHE LEITIDEEN – PIKTOGRAMME:



ZAHL



MESSEN



RAUM UND FORM



FUNKTIONALER ZUSAMMENHANG



DATEN UND ZUFALL

ALLGEMEINE MATHEMATISCHE KOMPETENZEN:

K1

MATHEMATISCH ARGUMENTIEREN

K2

PROBLEME MATHEMATISCH LÖSEN

K3

MATHEMATISCH MODELLIEREN

K4

MATHEMATISCHE DARSTELLUNGEN VERWENDEN

K5

MIT SYMBOLISCHEN, FORMALEN UND TECHNISCHEN ELEMENTEN DER MATHEMATIK UMGEHEN

K6

KOMMUNIZIEREN

GRUNDWISSENTEST 2018 IM FACH MATHEMATIK

FÜR DIE JAHRGANGSSTUFE 9 WAHLPFLICHTFÄCHERGRUPPE I DER REALSCHULE

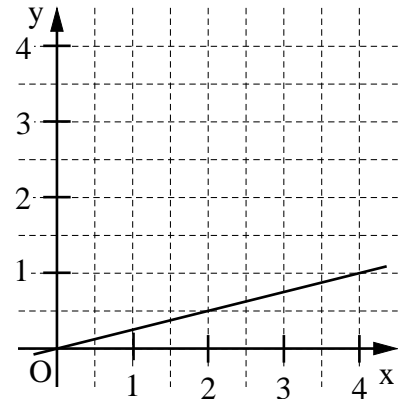
(ARBEITSZEIT: 45 MINUTEN)

NAME: Lösungsmuster

KLASSE: 9__

PUNKTE: ____/23 NOTE: ____

- 1 a) Zeichne die Gerade g mit der Gleichung $y = 0,25x$ in das Koordinatensystem ein ($\mathbb{G} = \mathbb{Q} \times \mathbb{Q}$).
Achte auf Zeichengenauigkeit.



- b) Die Gerade f verläuft parallel zur Geraden g aus Aufgabe a ($\mathbb{G} = \mathbb{Q} \times \mathbb{Q}$).
Schreibe den fehlenden Faktor in das Kästchen, wenn für die Gleichung der Geraden f gilt:

$$2y = \boxed{0,5} \cdot x + 16$$

- c) Gib die Gleichung einer Geraden h an, die die x -Achse nicht schneidet und einen positiven y -Achsenabschnitt hat ($\mathbb{G} = \mathbb{Q} \times \mathbb{Q}$).

h: z. B.: $y = 4$

- 2 Die Gerade g mit der Gleichung $y = 3x + t$ ($\mathbb{G} = \mathbb{Q} \times \mathbb{Q}$) verläuft durch die Punkte $P(0|-2)$ und $Q(2|y)$. Berechne die fehlende Koordinate des Punktes Q .

$Q(2|\boxed{4})$

- 3 Bestimme die Lösungsmenge der Gleichung $x^2 + 3x = (5+x) \cdot x + 8$ ($\mathbb{G} = \mathbb{Q}$).

$\mathbb{L} = \{ \boxed{-4} \}$

- 4 Welche der folgenden Aussagen sind für jede beliebige Belegung von a ($a \in \mathbb{Q}$) wahr?

Kreuze die beiden wahren Aussagen an.

☒ $-(3a)^2 = -9a^2$

☐ $-2 \cdot (a+1) = -2a+2$

☐ $3,5 - 0,5a = 3a$

☒ $3a - a = 2a$

- 5** Setze so in die Lücken ein, dass äquivalente Terme entstehen ($\mathbb{G} = \mathbb{Q}$).

$$(2x + 3)^2 = 4x^2 + 12x + 9 \quad (\text{z. B.})$$

- 6** Leo hat für seine Familie Pfannkuchen gebacken. Er überlegt: „Wenn ich jedem Familienmitglied 2 Pfannkuchen gebe, bleiben 3 Stück übrig. Wenn ich aber jedem 3 Pfannkuchen geben möchte, dann habe ich 2 zu wenig.“

Mit welcher Gleichung kann man die Anzahl x ($x \in \mathbb{N}$) der Familienmitglieder rechnerisch bestimmen?

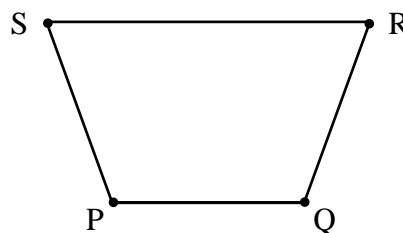
Kreuze diese an.

☐ $3x+3=2x-2$ ☒ $2x+3=3x-2$ ☐ $3x^2=2x^3$ ☐ $2x-3=3x+2$

- 7** Für das gleichschenklige Trapez PQRS gilt:

$$\sphericalangle QPS = 110^\circ, [PQ] \parallel [RS], \overline{PQ} = \overline{QR}.$$

Ergänze die Zeichnung zum
gleichschenkligen Trapez PQRS.



- 8 Der Punkt M (2|1) ist der Mittelpunkt der Strecke [AB] mit A (x|-15) und B (15|17). Gib die x-Koordinate des Punktes A an.

<div style="border: 1px solid black; width: 100%; height: 100%; position: relative;"> <div style="position: absolute; top: 0; left: 0; right: 0; bottom: 0; border: 1px dashed black;"></div> </div>	<div style="border: 1px solid black; width: 100%; height: 100%; display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> A (-11) - </div>
--	--

- 9** Bei einer Umfrage äußerte jeder fünfte Befragte, er sei mit seiner Berufswahl zufrieden. Das waren 80 Personen.
360 Personen gaben bei der gleichen Umfrage an, sie würden sich ein höheres Gehalt wünschen.
Wie viel Prozent der Befragten wünschen sich ein höheres Gehalt?

90 % der Befragten wünschen sich ein höheres Gehalt.

- 10** Welche der folgenden quadratischen Terme ($\mathbb{G} = \mathbb{Q}$) haben für $x = 2$ ein Maximum oder ein Minimum mit dem Wert 7?

Kreuze die beiden Terme an.

☒ $T(x) = -2(x - 2)^2 + 7$

☒ $T(x) = 3(x - 2)^2 + 7$

□ $T(x) = -(x-7)^2 + 2$

□ $T(x) = 2x^2 + 7$

- 11 Verbinde die Bruchgleichungen jeweils mit der passenden Definitionsmenge ($G = \mathbb{Q}$).

$$\frac{x}{x-3} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{5}{4x} = \frac{4}{x+2}$$

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{0; 3\}$$

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{0\}$$

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{0; -2\}$$

$$D = \mathbb{Q} \setminus \{3\}$$

$$D = \{0; -2\}$$

/1

- 12 Bestimme die Lösungsmenge \mathbb{L} der Bruchgleichung $\frac{4x}{2x+1} = \frac{1}{3}$ mit $G = \mathbb{Q}$, $D = \mathbb{Q} \setminus \{-0,5\}$.

$$\mathbb{L} = \{ \underline{0,1} \}$$

/1

- 13 Klammere beim folgenden Term den Faktor 0,5 aus.

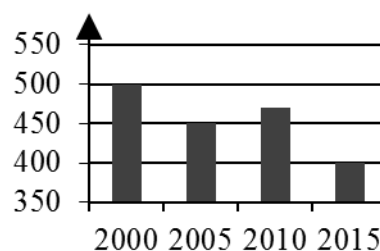
$$0,5x^2 - x + 3 = \underline{0,5 \cdot (x^2 - 2x + 6)}$$

/1

- 14 Im Diagramm ist die Entwicklung der durchschnittlichen Gästezahlen eines Hotels in den Jahren 2000 bis 2015 dargestellt.
Welche der folgenden Aussagen treffen für dieses Hotel zu?
Kreuze an.

- ☐ Im Jahr 2015 hatte das Hotel nur noch halb so viele Gäste wie im Jahr 2005.
- ☒ Von 2000 bis 2005 sank die Gästezahl um 10 %.
- ☐ Von 2010 auf 2015 sank die Gästezahl um mehr als 50 %.
- ☒ Für das Jahr 2003 können aus dem Diagramm keine Aussagen entnommen werden.

Gästezahlen



/1

- 15 In einem blickdichten Säckchen befinden sich vier gleichartige Kugeln: eine rote, eine gelbe, eine schwarze und eine blaue Kugel. Dieter nimmt die vier Kugeln einzeln heraus, ohne sie jeweils zurückzulegen.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass die gelbe Kugel als zweite gezogen wird?

Die Wahrscheinlichkeit beträgt z. B. $\frac{1}{4}$.

/1

- 16 Der Zug einer Achterbahn besteht aus lauter gleichen Waggons (siehe Abbildung). In jeder Reihe können zwei Personen nebeneinander sitzen. Ein Teil des Zuges wird durch ein Schild verdeckt.



Der Betreiber nahm insgesamt 210 € für eine Fahrt ein, bei der alle Plätze besetzt waren. Wie hoch ist der Fahrpreis pro Person?

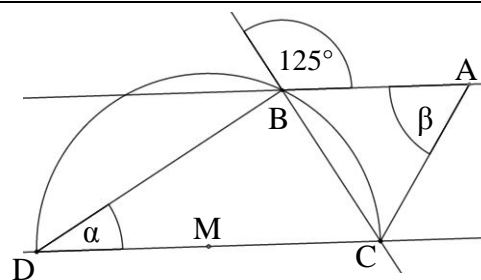
Der Fahrpreis beträgt 5 € pro Person.

- 17 Die Punkte B, C und D liegen auf einer Kreislinie um den Mittelpunkt M.

Ermittle die fehlenden Winkelmaße α und β , wenn gilt: $AB \parallel CD$ und $\overline{AC} = \overline{BC}$.

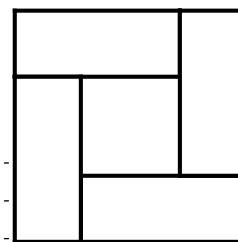
$\alpha =$ 35°

$\beta =$ 55°



Die Skizze ist nicht maßtreu.

- 18 Das große Quadrat setzt sich aus 4 deckungsgleichen Rechtecken und einem kleinen Quadrat zusammen. Jedes Rechteck hat einen Umfang von 18 cm. Welchen Flächeninhalt hat das große Quadrat?



Die Abbildung ist nicht maßtreu.

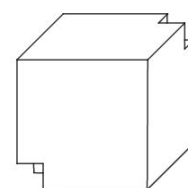
Der Flächeninhalt des großen Quadrates beträgt 81 cm².

- 19 Paula hat bei dem Dreieck ABC die Maße $a = 6$ cm, $b = 4$ cm, $c = 3$ cm, $\alpha = 36^\circ$, $\beta = 118^\circ$ und $\gamma = 26^\circ$ gemessen. Michaela schaut sich die Ergebnisse an und sagt: „So ein Dreieck kann es nicht geben. Da hast du bestimmt etwas falsch gemacht.“

Erkläre, wie sie ohne Zeichnung erkennen konnte, dass es ein solches Dreieck nicht geben kann.

z. B.: Bei diesem Dreieck wäre die Seiten-Winkel-Beziehung nicht erfüllt. Die längste Seite (a) liegt nicht dem Winkel mit dem größten Maß (β) gegenüber.

- 20 Aus einem Würfel mit der Kantenlänge 5 cm wurden zwei kleinere Würfel mit jeweils einer Kantenlänge von x cm ausgeschnitten ($0 < x < 2,5$; $x \in \mathbb{Q}$). Gib einen Term an, der das Volumen V des so entstandenen Körpers (siehe Abbildung) in Abhängigkeit von x beschreibt.



$V(x) = ($ z. B.: $125 - 2x^3$ $)$ cm³

Viel Erfolg!

