



## Mathematik I

### Aufgabengruppe A

### Nachtermin

#### AUFGABE A 1: FUNKTIONEN

A 1.1	$\Leftrightarrow \begin{matrix} -9 = -1,5 \cdot \log_2(1-x) - 6 \\ \dots \\ x = -3 \end{matrix}$	$\begin{matrix} x \in \mathbb{R}; x < 1 \\ \\ \mathbb{L} = \{-3\} \end{matrix}$	2	L 4 K 5
A 1.2	$\Rightarrow \begin{matrix} \begin{pmatrix} x'' \\ -1,5 \cdot \log_2(1-x'') - 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \end{pmatrix} \\ \dots \\ y' = -1,5 \cdot \log_2(-1-x') - 3 \end{matrix}$	$\begin{matrix} \mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x'' \in \mathbb{R}; x'' < 1 \\ \\ \begin{pmatrix} x' \\ -1,5 \cdot \log_2(-1-x') - 3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ -y \end{pmatrix} \\ \mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x' \in \mathbb{R}; x' < -1 \end{matrix}$	3	L 4 K 2 K 5
	$\Rightarrow f_0: y = 1,5 \cdot \log_2(-1-x) + 3$	$\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$		

#### AUFGABE A 2: RAUMGEOMETRIE

A 2.0		2	L 3 K 4
A 2.1	Einzeichnen der Strecke $[SP_1]$ und der Pyramide $AQ_1R_1S$	2	

A 2.2	<p>Für <math>\varphi</math> muss gelten: <math>\varphi &lt; \angle MSC</math>.</p> $\tan \angle MSC = \frac{10 - 2,5}{8}$ <p>Folglich muss <math>\varphi &lt; 43,15^\circ</math> gelten.</p>	1	L 3 K 2
A 2.3	$\tan \varphi = \frac{\overline{MP_n}}{8 \text{ cm}} \quad \overline{MP_n}(\varphi) = 8 \cdot \tan \varphi \text{ cm}$ $\frac{\overline{Q_n R_n}}{10 \text{ cm}} = \frac{(10 - 2,5 - 8 \cdot \tan \varphi) \text{ cm}}{(10 - 2,5) \text{ cm}}$ $\overline{Q_n R_n}(\varphi) = (10 - 10,67 \cdot \tan \varphi) \text{ cm}$	3	L 3 L 4 K 2 K 5
A 2.4	$V = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \overline{Q_n R_n} \cdot \overline{AP_n} \cdot \overline{MS}$ $V(\varphi) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot (10 - 10,67 \cdot \tan \varphi) \cdot (2,5 + 8 \cdot \tan \varphi) \cdot 8 \text{ cm}^3$ $V(\varphi) = (-113,81 \cdot \tan^2 \varphi + 71,10 \cdot \tan \varphi + 33,33) \text{ cm}^3$ $V(30^\circ) = [-113,81 \cdot (\tan 30^\circ)^2 + 71,10 \cdot \tan 30^\circ + 33,33] \text{ cm}^3 \quad V(30^\circ) = 36,44 \text{ cm}^3$	3	L 2 L 3 L 4 K 5

### AUFGABE A 3: EBENE GEOMETRIE

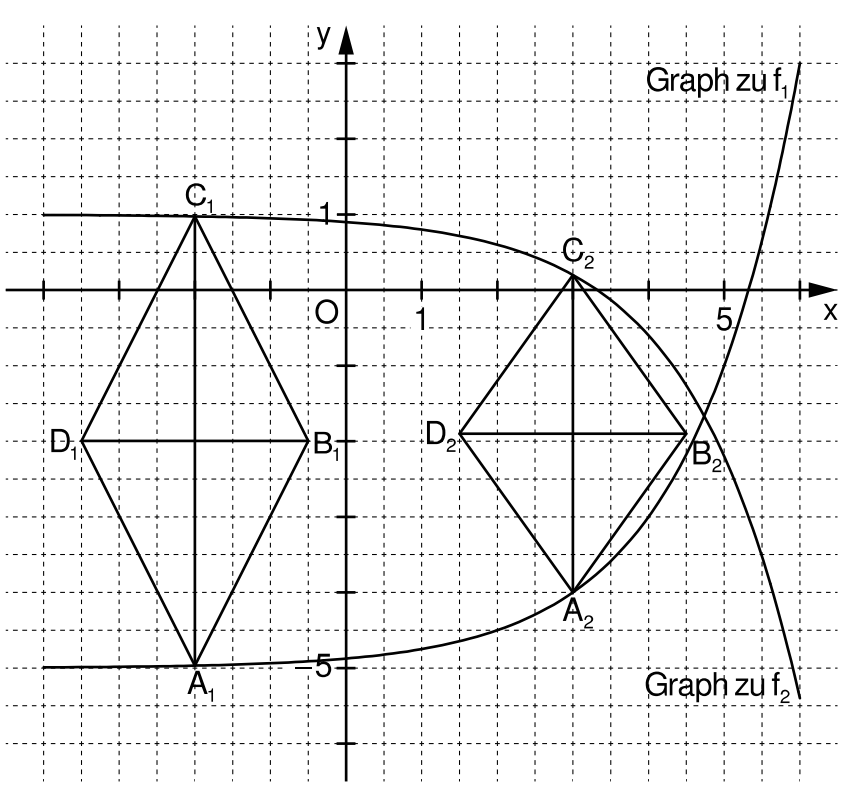
A 3.0			
A 3.1	<p>Ergänzen des Dreiecks <math>AB_1C</math> zum Viereck <math>AB_1CD_1</math></p> $\overrightarrow{OB_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 4 \sin \varphi + 3 \\ \frac{2}{\sin \varphi} \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{OB_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} 4 \sin \varphi + 4 \\ -2 + \frac{2}{\sin \varphi} \end{pmatrix} \quad \varphi \in ]0^\circ; 180^\circ[$ $\overrightarrow{OD_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} -(4 \sin \varphi + 4) \\ -(-2 + \frac{2}{\sin \varphi}) \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{OD_n}(\varphi) = \begin{pmatrix} -4 \sin \varphi - 4 \\ 2 - \frac{2}{\sin \varphi} \end{pmatrix} \quad \varphi \in ]0^\circ; 180^\circ[$ $D_n \left( -4 \sin \varphi - 4 \mid 2 - \frac{2}{\sin \varphi} \right)$	3	L 3 L 4 K 4 K 5

A 3.2	<p>In einem Parallelogramm <math>AB_0CD_0</math> müsste der Punkt O sowohl der Mittelpunkt der Strecke <math>[B_0D_0]</math> als auch der Mittelpunkt der Strecke <math>[AC]</math> sein.</p> <p><math>A(1 -2) \xrightarrow{O; 180^\circ} A'(-1 2)</math></p> <p>Wegen <math>A' \neq C</math> ist der Punkt O nicht der Mittelpunkt der Strecke <math>[AC]</math>.</p> <p>Folglich gibt es unter den Vierecken <math>AB_nCD_n</math> kein Parallelogramm.</p>	2	L 3 K 1 K 5
19			

## Aufgabengruppe B

## Nachtermin

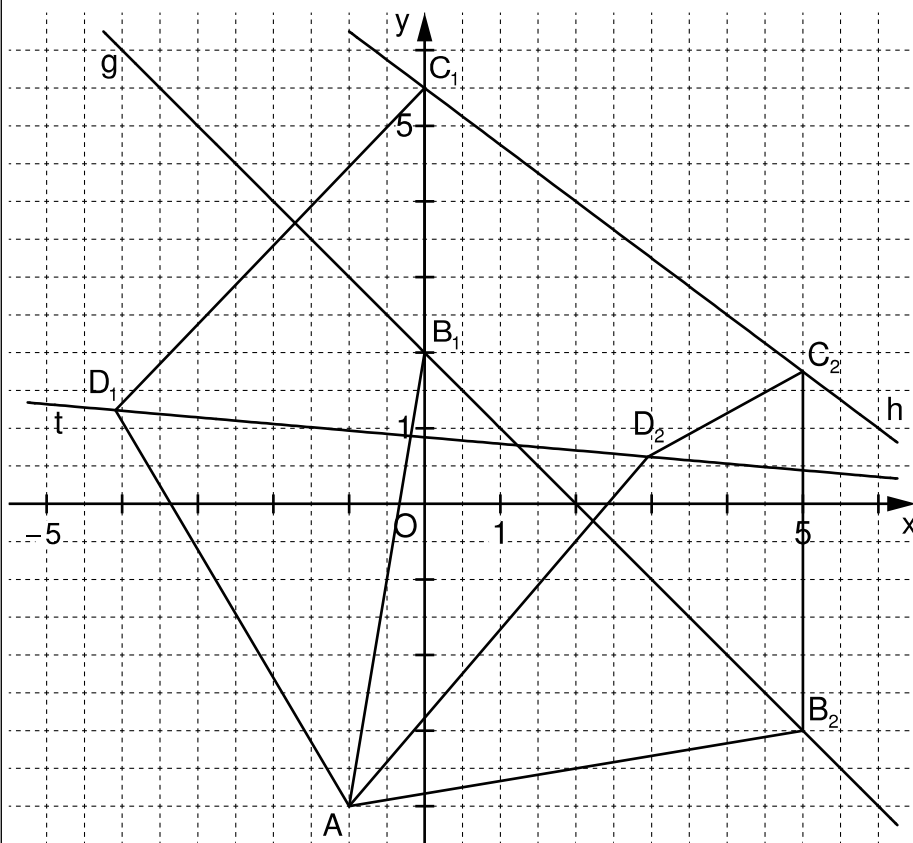
### AUFGABE B 1: FUNKTIONEN

B 1.1	<div style="display: flex; justify-content: space-between;"> <div style="width: 60%;"> <math display="block">-1 = a \cdot 2^{5-6} - 5</math> <p>...</p> <math display="block">\Leftrightarrow a = 8</math> <math display="block">f_1: y = 8 \cdot 2^{x-6} - 5</math> </div> <div style="width: 35%;"> <math>a \in \mathbb{R}</math>   <math>\mathbb{L} = \{8\}</math>   <math>G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}</math> </div> </div> 	3	L 4 K 4 K 5

B 1.2	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ -0,1 \cdot (8 \cdot 2^{x-6} - 5) \end{pmatrix}$ $\Rightarrow y' = -0,8 \cdot 2^{x'-6} + 0,5$ $\begin{pmatrix} x'' \\ y'' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x' \\ -0,8 \cdot 2^{x'-6} + 0,5 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} -3 \\ 0,5 \end{pmatrix}$ <p>...</p> $\Rightarrow y'' = -0,8 \cdot 2^{x''-3} + 1$ $f_2: y = -0,8 \cdot 2^{x-3} + 1$ <p>Einzeichnen des Graphen zu <math>f_2</math></p> <p>Gleichung der Asymptote: <math>y = 1</math></p>	$G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x \in \mathbb{R}$	4	L 4 K 4 K 5
		$G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x' \in \mathbb{R}$		
		$G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$		
B 1.3	Einzeichnen der Rauten $A_1 B_1 C_1 D_1$ und $A_2 B_2 C_2 D_2$ mit ihren Diagonalen		2	L 3 K 4
B 1.4	$A_2(3   8 \cdot 2^{3-6} - 5)$ $C_2(3   -0,8 \cdot 2^{3-3} + 1)$ $B_2\left(3 + 0,5 \cdot 3 \mid \frac{-4 + 0,2}{2}\right)$ $f_1(4,5) = 8 \cdot 2^{4,5-6} - 5$ Wegen $-2,17 \neq -1,9$ liegt $B_2$ folglich nicht auf dem Graphen zu $f_1$ .	$A_2(3   -4)$ $C_2(3   0,2)$ $B_2(4,5   -1,9)$ $f_1(4,5) = -2,17$	3	L 3 L 4 K 2 K 5
B 1.5	$\overline{A_n C_n}(x) = [-0,8 \cdot 2^{x-3} + 1 - (8 \cdot 2^{x-6} - 5)] \text{ LE}$ <p>...</p> $\overline{A_n C_n}(x) = \underbrace{\underbrace{-1,8 \cdot 2^{x-3} + 6}_{<0}}_{<6} \text{ LE}$ <p>Somit gilt für den Flächeninhalt der Rauten: <math>A &lt; 0,5 \cdot 3 \cdot 6 \text{ FE} \Rightarrow A &lt; 9 \text{ FE}</math>.</p>	$x \in \mathbb{R}; x < 4,74$	3	L 2 L 4 K 1 K 5
B 1.6	$\tan(0,5 \cdot 120^\circ) = \frac{0,5 \cdot (-1,8 \cdot 2^{x-3} + 6)}{0,5 \cdot 3}$ <p>...</p> $\Leftrightarrow x = 1,84$	$x \in \mathbb{R}; x < 4,74$ $IL = \{1,84\}$	3	L 3 L 4 K 2 K 5
			18	

**AUFGABE B 2: EBENE GEOMETRIE**

B 2.1



3

 L 3  
K 4

B 2.2

$$\begin{aligned} \overrightarrow{OD_n} &= \overrightarrow{OA} \oplus \overrightarrow{AD_n} \\ \overrightarrow{AB_n} &\xrightarrow{O; \alpha=40^\circ} \overrightarrow{AD_n} \\ \overrightarrow{AB_n}(x) &= \begin{pmatrix} x - (-1) \\ -x + 2 - (-4) \end{pmatrix} & \overrightarrow{AB_n}(x) &= \begin{pmatrix} x+1 \\ -x+6 \end{pmatrix} & x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[ \\ \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} &= \begin{pmatrix} \cos 40^\circ & -\sin 40^\circ \\ \sin 40^\circ & \cos 40^\circ \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x+1 \\ -x+6 \end{pmatrix} & \mathbb{G} &= \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[ \\ \dots & \\ \begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} &= \begin{pmatrix} 1,41x - 3,07 \\ -0,13x + 5,26 \end{pmatrix} \\ \overrightarrow{OD_n}(x) &= \begin{pmatrix} -1 \\ -4 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 1,41x - 3,07 \\ -0,13x + 5,26 \end{pmatrix} & x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[ \\ \overrightarrow{OD_n}(x) &= \begin{pmatrix} 1,41x - 4,07 \\ -0,13x + 1,26 \end{pmatrix} & D_n &(1,41x - 4,07 \mid -0,13x + 1,26) \end{aligned}$$

4

 L 4  
K 2  
K 5

B 2.3

$$\begin{aligned} \begin{pmatrix} x+1 \\ -x+6 \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} &= 0 & x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[ \\ \dots & \\ \Leftrightarrow x &= 2,5 & IL &= \{2,5\} \end{aligned}$$

2

 L 2  
L 4  
K 2  
K 5

B 2.4	$\begin{cases} x_{D_n} = 1,41x - 4,07 \\ \wedge y_{D_n} = -0,13x + 1,26 \end{cases}$ $\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[$ <p>...</p> $\Rightarrow y_{D_n} = -0,09x_{D_n} + 0,88$ $\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ <p>Trägergraph: <math>y = -0,09x + 0,88</math></p> <p>Einzeichnen des Trägergraphen t</p>	3	L 4 K 4 K 5
B 2.5	$-0,13x + 1,26 = -0,75 \cdot (1,41x - 4,07) + 5,5 \quad x \in \mathbb{R}; x \in ]-1; 10[$ <p>...</p> $\Leftrightarrow x = 7,86 \quad IL = \{7,86\} \quad x_{B_4} = 7,86$ $x_{D_4} = 1,41 \cdot 7,86 - 4,07 \quad x_{D_4} = 7,01$ $\overrightarrow{AB_4} = \begin{pmatrix} 7,86 + 1 \\ -7,86 + 6 \end{pmatrix} \quad \overrightarrow{AB_4} = \begin{pmatrix} 8,86 \\ -1,86 \end{pmatrix} \quad m_{AB_4} = -0,21$ <p>Wegen <math>-0,21 \neq -0,09</math> sind die Geraden <math>AB_4</math> und t nicht parallel zueinander.</p>	5	L 3 L 4 K 2 K 4
17			

Hinweis: Bei einigen Teilaufgaben sind auch andere Lösungswege möglich. Für richtige andere Lösungen gelten die jeweils angegebenen Punkte entsprechend; die Anzahl der Punkte bei den einzelnen Teilaufgaben darf jedoch nicht verändert werden. Insbesondere sind Lösungswege, bei denen der (grafikfähige) Taschenrechner verwendet wird, entsprechend ihrer Dokumentation bzw. ihrer Nachvollziehbarkeit zu bepunkten.

Bei der Korrektur ist zu beachten, dass die Vervielfältigung der Lösungsvorlage zu Verzerrungen der Zeichnungen führen kann.