



## Mathematik I

### Aufgabengruppe A

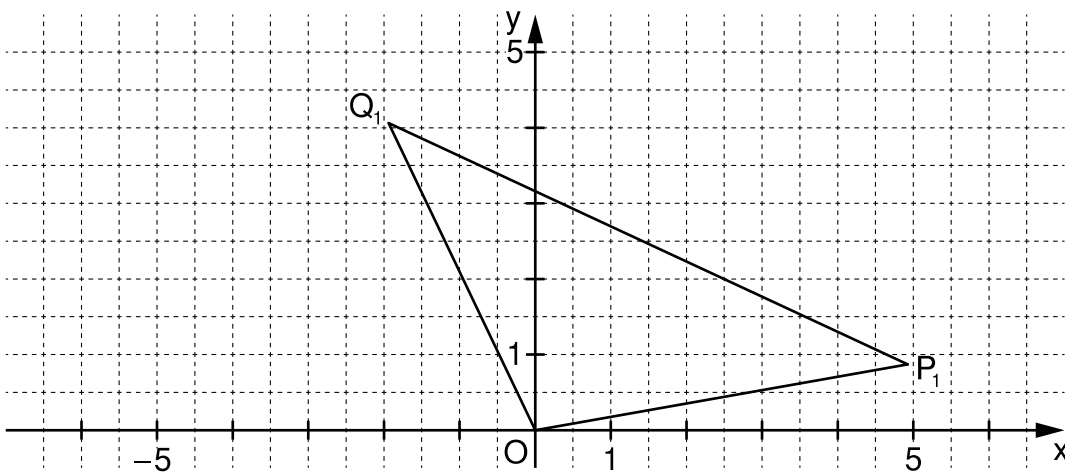
### Haupttermin

#### AUFGABE A 1: FUNKTIONEN

A 1.1	$2,50 = 2,20 \cdot \left(1 + \frac{p}{100}\right)^2$ $\Leftrightarrow \dots$ $p = 6,60$ $f: y = 2,20 \cdot \left(1 + \frac{6,60}{100}\right)^x$ $f(7) = 2,20 \cdot \left(1 + \frac{6,60}{100}\right)^7$ <p>Eine Rose würde voraussichtlich 3,44 € kosten.</p>	$p \in \mathbb{R}^+$ $IL = \{6,60\}$ $G = \mathbb{R}^+ \times \mathbb{R}^+$ $f(7) = 3,44$	3	L 4 K 3 K 5
A 1.2	$2 \cdot 2,20 = 2,20 \cdot \left(1 + \frac{6,60}{100}\right)^x$ $\Leftrightarrow \dots$ $x = 10,85$ <p>Mia müsste im Jahr 2031 erstmals mehr als doppelt so viel für eine Rose bezahlen wie am 1. Juni 2020.</p>	$x \in \mathbb{R}^+$ $IL = \{10,85\}$	2	L 4 K 3 K 5

#### AUFGABE A 2: RAUMGEOMETRIE

A 2.0			
-------	--	--	--

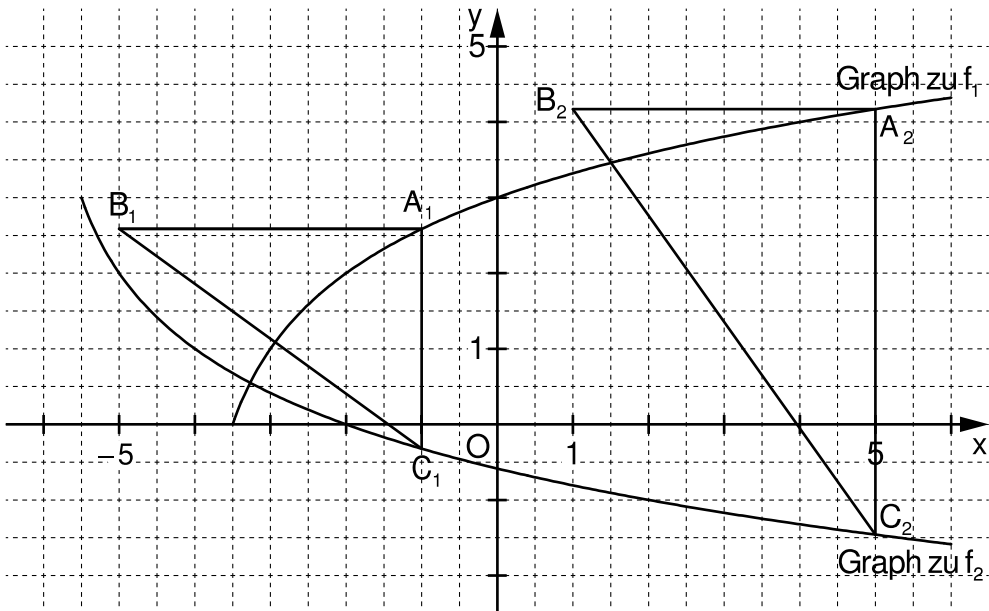
A 2.1	$\tan \angle ASM = \frac{9}{7}$ $\angle ASM = 52,13^\circ$	1	L 2 K 5
A 2.2	Einzeichnen der Strecken $[MP_1]$ und $[P_1Q_1]$ sowie der Pyramide $BCQ_1S$	2	L 3 K 4
A 2.3	$\frac{\overline{MP_n}}{\sin 52,13^\circ} = \frac{7 \text{ cm}}{\sin(180^\circ - (\varphi + 52,13^\circ))}$ $\overline{MP_n}(\varphi) = \frac{5,53}{\sin(\varphi + 52,13^\circ)} \text{ cm}$ <p>Die Strecke <math>[MP_0]</math> erhält man für <math>\varphi = 37,87^\circ</math>.</p>	3	L 4 K 2 K 5
A 2.4	$\cos(90^\circ - \varphi) = \frac{\overline{MQ_n}}{\overline{MP_n}}$ <p>...</p> $\overline{MQ_n}(\varphi) = \frac{5,53 \cdot \sin \varphi}{\sin(\varphi + 52,13^\circ)} \text{ cm}$ $V(60^\circ) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot 10 \cdot 7 \cdot \frac{5,53 \cdot \sin 60^\circ}{\sin(60^\circ + 52,13^\circ)} \text{ cm}^3$ $V(60^\circ) = 60,32 \text{ cm}^3$	3	L 2 L 4 K 2 K 5
<b>AUFGABE A 3: EBENE GEOMETRIE</b>			
A 3.0			
A 3.1	$\overrightarrow{OP_1} = \begin{pmatrix} 4,92 \\ 0,87 \end{pmatrix}; \overrightarrow{OQ_1} = \begin{pmatrix} -1,94 \\ 4,06 \end{pmatrix}$ <p>Einzeichnen des Dreiecks <math>OP_1Q_1</math></p>	2	L 3 K 4 K 5

A 3.2	$\overline{OP_n}(\varphi) = \sqrt{(5 \cdot \sin \varphi)^2 + (5 \cdot \cos \varphi)^2} \text{ LE}$ $\varphi \in ]0^\circ; 90^\circ]$ ... $\overline{OP_n}(\varphi) = \sqrt{25 \cdot (\sin^2 \varphi + \cos^2 \varphi)} \text{ LE}$ Wegen $\sin^2 \varphi + \cos^2 \varphi = 1$ gilt folglich $\overline{OP_n} = 5 \text{ LE}$ für alle $\varphi \in ]0^\circ; 90^\circ]$ .	2	L 4 K 1 K 5
A 3.3	$\cos \sphericalangle P_1 O Q_1 = \frac{4,92 \cdot (-1,94) + 0,87 \cdot 4,06}{5 \cdot \sqrt{(-1,94)^2 + 4,06^2}}$ $\sphericalangle P_1 O Q_1 = 105,50^\circ$	2	L 2 K 5
		20	

### Aufgabengruppe B

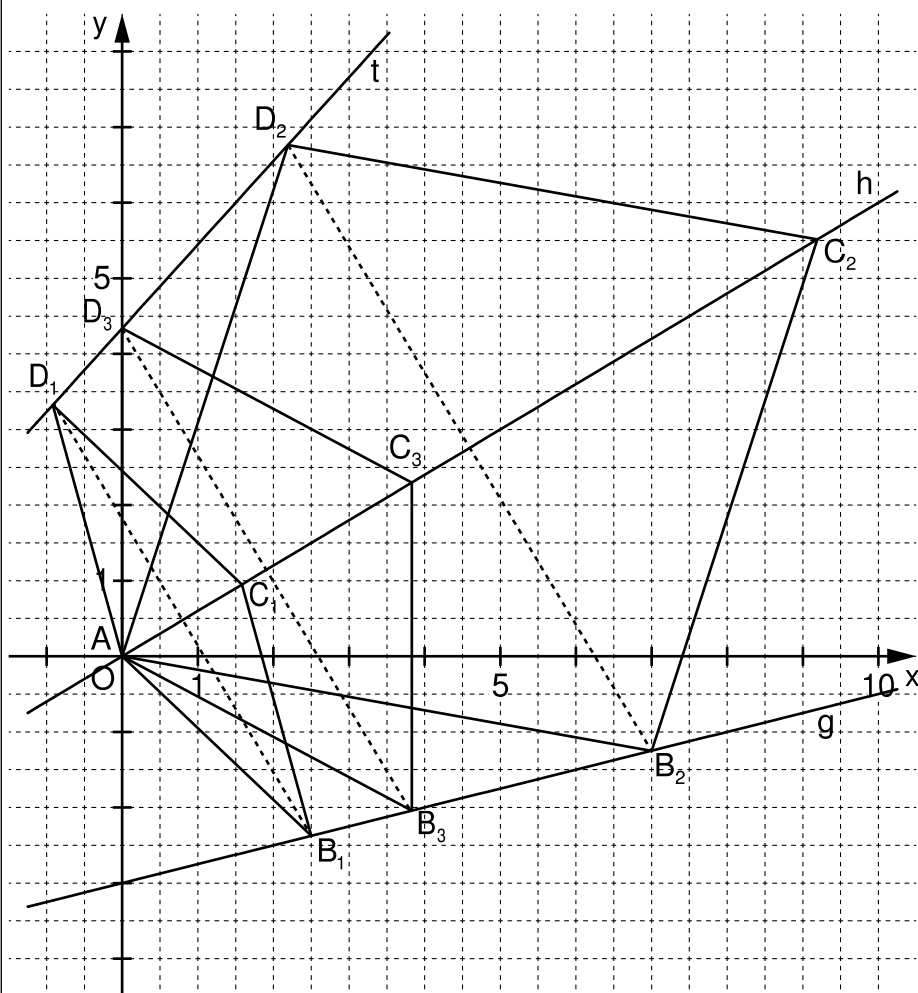
### Haupttermin

#### AUFGABE B 1: FUNKTIONEN

B 1.1	$3 = \log_2(0+b)+1$	$b \in \mathbb{R}$	3	L 4 K 2 K 4 K 5
	$\Leftrightarrow b = 4$	$\mathbb{L} = \{4\}$		
	$f_1: y = \log_2(x+4)+1$	$\mathbb{G} = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$		
				

B 1.2	$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ -(\log_2(x+4)+1) \end{pmatrix}$ $\Rightarrow y' = -\log_2(x'+4) - 1$ $\begin{pmatrix} x'' \\ y'' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x' \\ -\log_2(x'+4) - 1 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix}$ $\dots$ $\Rightarrow y'' = -\log_2(x''+6) + 2$ $f_2: y = -\log_2(x+6) + 2$ <p>Einzeichnen des Graphen zu <math>f_2</math></p>	$G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x \in \mathbb{R}; x > -4$  $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}; x' \in \mathbb{R}; x' > -4$  $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$	3	L 4 K 4 K 5
B 1.3	Einzeichnen der Dreiecke $A_1B_1C_1$ und $A_2B_2C_2$		2	L 3 K 4
B 1.4	$\overline{A_n C_n}(x) = [\log_2(x+4) + 1 - (-\log_2(x+6) + 2)] \text{ LE}$	$x \in \mathbb{R}; x > -3,26$	2	L 3 L 4 K 5
	$\dots$ $\overline{A_n C_n}(x) = [\log_2(x^2 + 10x + 24) - 1] \text{ LE}$			
B 1.5	$A(x) = 0,5 \cdot 4 \cdot [\log_2(x^2 + 10x + 24) - 1] \text{ FE}$	$x \in \mathbb{R}; x > -3,26$	3	L 3 L 4 K 5
	$A(x) = [2 \cdot \log_2(x^2 + 10x + 24) - 2] \text{ FE}$			
	$10 = 2 \cdot \log_2(x^2 + 10x + 24) - 2$	$x \in \mathbb{R}; x > -3,26$		
	$\dots$ $\Leftrightarrow (x = -13,06 \vee) x = 3,06$	$IL = \{3,06\}$		
B 1.6	$B_n(x-4   \log_2(x+4)+1)$	$x \in \mathbb{R}; x > -3,26$	4	L 3 L 4 K 2 K 5
	$\log_2(x+4)+1 = -\log_2(x-4+6)+2$	$x \in \mathbb{R}; x > -3,26$		
	$\dots$ $\Leftrightarrow x = -1,27$	$IL = \{-1,27\}$		
	$x_{B_4} = -1,27 - 4$	$x_{B_4} = -5,27$		
			17	

B 2.1



3

L 3  
K 4

B 2.2

$$B_n \xrightarrow{h} D_n$$

$$\tan \varphi = 0,6$$

$$\varphi = 30,96^\circ$$

Für  $G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}$ ;  $x \in \mathbb{R}$ ;  $x > 1,57$  gilt:

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos(2 \cdot 30,96^\circ) & \sin(2 \cdot 30,96^\circ) \\ \sin(2 \cdot 30,96^\circ) & -\cos(2 \cdot 30,96^\circ) \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} x \\ 0,25x - 3 \end{pmatrix}$$

...

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0,69x - 2,64 \\ 0,76x + 1,41 \end{pmatrix}$$

$$D_n(0,69x - 2,64 \mid 0,76x + 1,41)$$

3

L 3  
L 4  
K 2  
K 5

B 2.3	<p>Wenn die Raute <math>AB_2C_2D_2</math> ein Quadrat wäre, so müsste gelten: <math>\overrightarrow{AB_2} \odot \overrightarrow{AD_2} = 0</math>.</p> $\overrightarrow{AB_2} = \begin{pmatrix} 7 \\ 0,25 \cdot 7 - 3 \end{pmatrix} \qquad \overrightarrow{AB_2} = \begin{pmatrix} 7 \\ -1,25 \end{pmatrix}$ $\overrightarrow{AD_2} = \begin{pmatrix} 0,69 \cdot 7 - 2,64 \\ 0,76 \cdot 7 + 1,41 \end{pmatrix} \qquad \overrightarrow{AD_2} = \begin{pmatrix} 2,19 \\ 6,73 \end{pmatrix}$ $\begin{pmatrix} 7 \\ -1,25 \end{pmatrix} \odot \begin{pmatrix} 2,19 \\ 6,73 \end{pmatrix} = 6,92 \neq 0$ <p>Folglich ist die Raute <math>AB_2C_2D_2</math> kein Quadrat.</p>	3	L 3 K 1 K 5
B 2.4	<div><div><math display="block">\begin{array}{l} x_{D_n} = 0,69x - 2,64 \\ \wedge y_{D_n} = 0,76x + 1,41 \end{array}</math></div><div>...</div><div><math display="block">\Rightarrow y_{D_n} = 1,10x_{D_n} + 4,32</math></div><div>Trägergraph: <math>y = 1,10x + 4,32</math></div><div>Einzeichnen des Trägergraphen t</div></div> <div><math display="block">G = \mathbb{R} \times \mathbb{R} ; x \in \mathbb{R} ; x &gt; 1,57</math> <math display="block">G = \mathbb{R} \times \mathbb{R}</math></div>	3	L 4 K 4 K 5
B 2.5	<p>Einzeichnen der Raute <math>AB_3C_3D_3</math></p> $0,69x - 2,64 = 0 \qquad x \in \mathbb{R} ; x > 1,57$ <p>...</p> $\Leftrightarrow x = 3,83 \qquad IL = \{3,83\}$ $C_3(3,83   0,6 \cdot 3,83) \qquad C_3(3,83   2,30)$ $A_{AB_3C_3D_3} = \overline{AD_3} \cdot d(C_3; AD_3)$ $\overline{AD_3} = (0,76 \cdot 3,83 + 1,41) \text{ LE} \qquad \overline{AD_3} = 4,32 \text{ LE}$ $d(C_3; AD_3) = 3,83 \text{ LE}$ $A_{AB_3C_3D_3} = 4,32 \cdot 3,83 \text{ FE} \qquad A_{AB_3C_3D_3} = 16,55 \text{ FE}$	5	L 2 L 3 K 2 K 4 K 5
			17

Hinweis: Bei einigen Teilaufgaben sind auch andere Lösungswege möglich. Für richtige andere Lösungen gelten die jeweils angegebenen Punkte entsprechend; die Anzahl der Punkte bei den einzelnen Teilaufgaben darf jedoch nicht verändert werden. Insbesondere sind Lösungswege, bei denen der (grafikfähige) Taschenrechner verwendet wird, entsprechend ihrer Dokumentation bzw. ihrer Nachvollziehbarkeit zu bepunkten.

Bei der Korrektur ist zu beachten, dass die Vervielfältigung der Lösungsvorlage zu Verzerrungen der Zeichnungen führen kann.